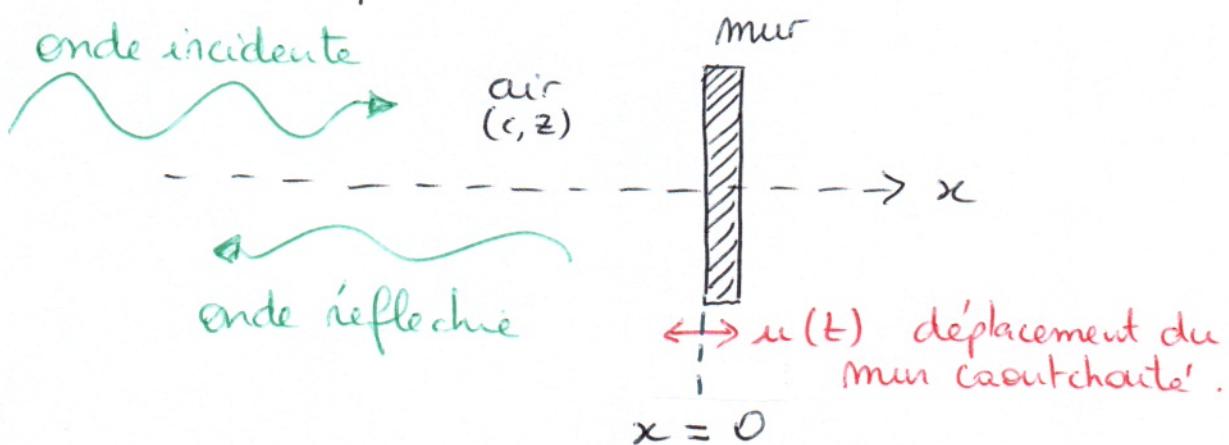


04-09

Murs anti-réflexion ?

On commence par un schéma



Par théorème de superposition, on a, côté gauche

$$p_{\text{tot}} = p_i + p_r \quad (x < 0)$$

et puisque p_i et p_r sont des ondes planes progressives harmoniques, on les écrit en notation complexe

$$\begin{cases} p_i(x, t) = p_{im} e^{j(wt - kx)} \\ p_r(x, t) = p_{rm} e^{j(wt + kx)} \end{cases}$$

L'onde réfléchie se propage vers les x décroissants!

Les ondes de superposition sont associées à des ondes de survêtement

$$\begin{cases} v_i(x, t) = \frac{p_{im}}{\rho} e^{j(wt - kx)} \\ v_r(x, t) = -\frac{p_{rm}}{\rho} e^{j(wt + kx)} \end{cases}$$

impédance acoustique de l'air

①

L'onde de survitesse totale est par théorème de superposition

$$\underline{v}_{\text{tot}}(x, t) = \underline{v}_i + \underline{v}_r$$

1) Après cette première mise en équation, on traduit la continuité de la vitesse en $x = 0$.

Par continuité, la vitesse de l'air vaut la vitesse du mur. On écrit donc en $x = 0$ (seulement !)

$$\boxed{\underline{v}_{\text{tot}}(x=0, t) = \underline{v}_{\text{mur}} = \frac{d \underline{u}}{dt} \quad (= j\omega \underline{u} !)}$$

Rq Et oui ! la position du mur étant \underline{u} , sa vitesse est simplement $j\underline{u}$!

d'où

$$\left(\frac{\underline{P}_{\text{im}}}{z} - \frac{\underline{P}_{\text{rm}}}{z} \right) e^{j\omega t} = j\omega \underline{u} (\underline{P}_{\text{im}} + \underline{P}_{\text{rm}}) e^{j\omega t}$$

con $\underline{u} = \alpha \underline{P}_{\text{tot}}(x=0, t)$
et $\underline{P}_{\text{tot}} = \underline{P}_i + \underline{P}_r$

donc, en divisant par $\underline{P}_{\text{im}}$ et en notant $\underline{R} = \frac{\underline{P}_{\text{rm}}}{\underline{P}_{\text{im}}}$
le coefficient de réflexion en amplitude pour la surpression, on a

$$\boxed{1 - \underline{R} = j\omega \underline{Z} (1 + \underline{R})}$$

2] On résout

$$\underline{R} = \frac{1 - j\omega z}{1 + j\omega z}$$

3] L'onde réfléchie est en amplitude

$$|\underline{P}_{rm}| = |\underline{R}| |\underline{P}_{im}|$$

or $|\underline{R}| = \frac{|1 - j\omega z|}{|1 + j\omega z|} = 1 !$

donc

$$|\underline{P}_{rm}| = |\underline{P}_{im}|$$

Rq si l'amplitude est la même, le mur déphase par contre l'onde réfléchie par rapport à l'onde incidente. Le déphasage est

$$\ell = \arg(\underline{z}) \\ = -2 \arctan(\omega z)$$

Le caoutchouc renvoie l'onde incidente sans aucune atténuation ! Aucun intérêt !

Rq Notez que c'est un exercice qui rentre dans la grande catégorie des exercices de "réflexion/transmission". Cependant ici, il n'y a pas d'onde transmise ! On a seulement \underline{R} à déterminer, donc une seule condition aux limites a suffit !